

3 Método do Casamento de Modos

3.1. Introdução

Neste capítulo, será apresentada a formulação para a aplicação do Método do Casamento de Modos (Mode Matching) no dimensionamento de estruturas coaxiais de acoplamento. Essas estruturas são usualmente formadas por várias seções descontínuas que conectam dois guias de onda coaxiais infinitos, como ilustrado na Figura 3.1. A técnica a ser utilizada segue as diversas etapas apresentadas em [9]. Esse método pressupõe que os campos dentro de cada uma das seções de guia de onda coaxial sejam representados por um somatório de campos modais existentes e descritos no capítulo anterior.

Nesta análise, como ilustrado na Figura 3.2, considera-se que, na primeira descontinuidade, formada pelas regiões *I* e *II*, incida unicamente o modo fundamental TEM_{00} . Devido ao descasamento de impedâncias proveniente da mudança das dimensões do guia de onda coaxial da região *I*, além do modo fundamental TEM_{00} será excitado um conjunto infinito de modos superiores TM_{0m} e TE_{0m} , refletidos na seção *I* e transmitidos na seção *II*. A amplitude desses modos será obtida através da construção da matriz de espalhamento associada a essa descontinuidade. Esses modos superiores gerados na primeira descontinuidade, juntamente com o modo fundamental TEM_{00} , incidirão na descontinuidade seguinte que, novamente, excitará outro conjunto infinito de modos refletidos e transmitidos, associados à matriz de espalhamento dessa segunda descontinuidade. Por fim, através da associação em cascata dessas matrizes de espalhamento, obtém-se a matriz de espalhamento do conjunto total de descontinuidades que compõem a estrutura de acoplamento proposta.

Nessa associação, necessita-se incluir as matrizes de espalhamento referentes aos guias de onda coaxiais lisos, de comprimento L_n ($n = 1, 2, 3, \dots$), que conectam as duas descontinuidades. Essas matrizes dos guias de onda lisos estão associadas no caso do modo ser propagante, à defasagem, ou no caso do modo ser evanescente, à atenuação, que cada modo transmitido

através da descontinuidade anterior terá ao se propagar pelo guia de onda coaxial liso até atingir a descontinuidade subsequente.

Nos próximos itens, será apresentada a formulação para a obtenção de três matrizes de espalhamento: a referente à somente uma descontinuidade, a referente ao guia de onda coaxial liso e a resultante do cascadeamento de duas matrizes de espalhamento quaisquer.

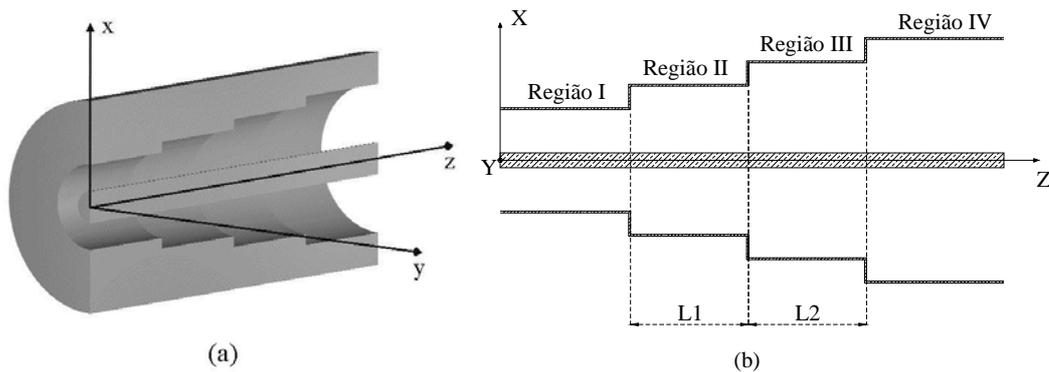


Figura 3.1 – Estrutura de acoplamento entre dois guias de onda coaxiais infinitos de dimensões arbitrárias. (a) Visão espacial e (b) seção longitudinal da estrutura de acoplamento.

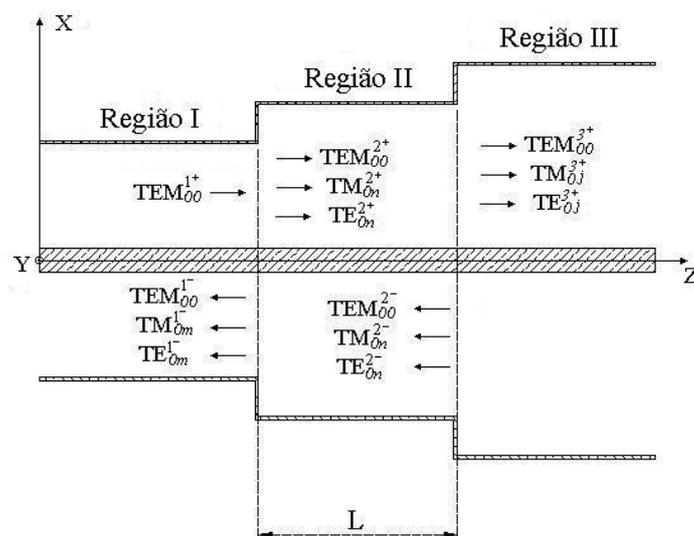


Figura 3.2 – Ilustração dos modos refletidos e transmitidos em cada descontinuidade de guia de onda coaxial.

3.2.

Matriz de Espalhamento de uma Descontinuidade de Seção Transversal de Guia de onda coaxial

Para descrever a formulação, será considerada uma descontinuidade entre dois guias de onda, mostrados na Figura 3.3.(a). A região à esquerda da descontinuidade será denominada região *I* e a região à direita, região *II*, onde S_I e S_{II} são as seções transversais das regiões *I* e *II*, respectivamente. Para a aplicação do método, deve-se considerar que S_I esteja contido em S_{II} , como ilustrado na Figura 3.3.(b).

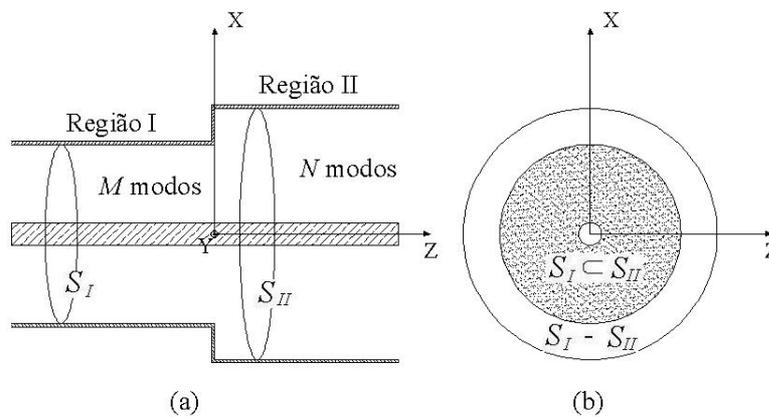


Figura 3.3 – Descontinuidade em guia de onda coaxial: (a) seção longitudinal e (b) seção transversal.

Como pressuposto, nos dois lados da seção de transição das regiões *I* e *II*, em $z = 0^-$ e $z = 0^+$, respectivamente, os campos elétrico e magnético, serão representados através de suas expansões modais, expressas por:

$$\text{Região } I \text{ em } z = 0^- \left\{ \begin{array}{l} \vec{E}_I = \sum_{m=1}^M (A_{mI} + B_{mI}) \vec{e}_{mI} \\ \vec{H}_I = \sum_{m=1}^M (A_{mI} - B_{mI}) \vec{h}_{mI} \end{array} \right. \quad (3.1)$$

$$\text{Região } II \text{ em } z = 0^+ \left\{ \begin{array}{l} \vec{E}_{II} = \sum_{n=1}^N (A_{nII} + B_{nII}) \vec{e}_{nII} \\ \vec{H}_{II} = \sum_{n=1}^N (A_{nII} - B_{nII}) \vec{h}_{nII} \end{array} \right. \quad (3.2)$$

onde m e n são os índices dos modos associados às regiões I e II , respectivamente. Os vetores \vec{e}_{ml} , \vec{h}_{ml} , \vec{e}_{nII} e \vec{h}_{nII} são as componentes transversais dos campos modais nas regiões I e II , respectivamente, determinadas no capítulo anterior. A_{ml} e A_{nII} são as amplitudes dos campos incidentes na junção e B_{ml} e B_{nII} são as amplitudes dos campos refletidos, como ilustrado na Figura 3.4.

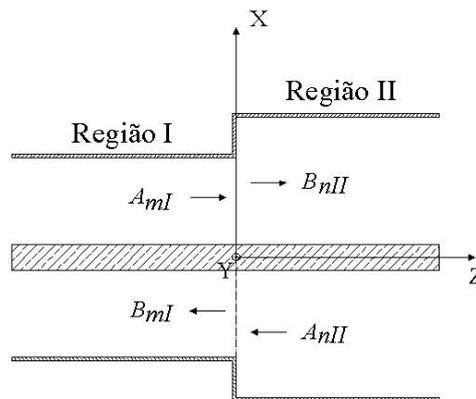


Figura 3.4 – Ilustração das amplitudes dos campos incidentes e espalhados na descontinuidades ($z = 0$).

Como mencionado no capítulo anterior, existem infinitos modos excitados no interior de cada seção de guia de onda. Porém, o número máximo de modos a serem utilizados para aproximar os campos nas regiões I e II , M e N , respectivamente, será dimensionado para assegurar a convergência dos resultados.

Impondo a continuidade dos campos através da descontinuidade e as condições de contorno em $z = 0$, considerando $S_I < S_{II}$, tem-se:

Para os pontos interiores a S_I :

$$\begin{cases} \vec{E}_I = \vec{E}_{II} \\ \vec{H}_I = \vec{H}_{II} \end{cases} \quad (3.3)$$

Para os pontos interiores a $S_{II} - S_I$:

$$\begin{cases} \vec{E}_I = 0 \\ \vec{H}_I = 0 \end{cases} \quad (3.4)$$

Para os pontos interiores a S_I , a combinação das equações (3.1), (3.2) e (3.3) resulta em:

$$\sum_{m=1}^M (A_{mI} + B_{mI}) \vec{e}_{mI} = \sum_{n=1}^N (A_{nII} + B_{nII}) \vec{e}_{nII} \quad (3.5)$$

$$\sum_{m=1}^M (A_{mI} - B_{mI}) \vec{h}_{mI} = \sum_{n=1}^N (A_{nII} - B_{nII}) \vec{h}_{nII} \quad (3.6)$$

Para os pontos interiores a $S_{II} - S_I$, a combinação das equações (3.1), (3.2) e (3.4) resulta em:

$$\vec{e}_{mI} = \sum_{n=1}^N (A_{nII} + B_{nII}) \vec{e}_{nII} = 0 \quad (3.7)$$

$$\vec{h}_{mI} = \sum_{n=1}^N (A_{nII} - B_{nII}) \vec{h}_{nII} = 0 \quad (3.8)$$

Multiplicando vetorialmente ambos os membros de (3.5) e (3.7) por \vec{h}_{nII} , $n = 1, 2, \dots, N$, e integrando sobre a superfície S_{II} , obtém-se:

$$\int_{S_{II}} \left(\sum_{m=1}^M (A_{mI} + B_{mI}) \vec{e}_{mI} \times \vec{h}_{nII} \right) \cdot \vec{d}s = \int_{S_{II}} \left(\sum_{n=1}^N (A_{nII} + B_{nII}) \vec{e}_{nII} \times \vec{h}_{nII} \right) \cdot \vec{d}s \quad (3.9)$$

Reorganizando a equação (3.9) obtém-se:

$$\sum_{m=1}^M \left[(A_{mI} + B_{mI}) \int_{S_{II}} (\vec{e}_{mI} \times \vec{h}_{nII}) \cdot \vec{d}s \right] = \sum_{n=1}^N \left[(A_{nII} + B_{nII}) \int_{S_{II}} (\vec{e}_{nII} \times \vec{h}_{nII}) \cdot \vec{d}s \right] \quad (3.10)$$

Impondo a propriedade da ortogonalidade entre os modos na integral do lado direito da equação (3.10), tem-se:

$$\int_{S_{II}} \vec{e}_{n_{1II}} \times \vec{h}_{n_{2II}} \cdot \vec{ds} = 0, \quad \text{para } n_1 \neq n_2 \quad (3.11)$$

Logo, o lado direito da equação (3.10) pode ser reescrito como:

$$\sum_{m=1}^M p_{nm} (A_{ml} + B_{ml}) = q_{nm} (A_{nII} + B_{nII}) \quad (3.12)$$

$$n = 1, 2, \dots, N$$

onde,

$$p_{nm} = \int_{S_I} \vec{e}_{ml} \times \vec{h}_{nII} \cdot \vec{ds} \quad (3.13)$$

$$q_{nm} = \int_{S_{II}} \vec{e}_{nII} \times \vec{h}_{ml} \cdot \vec{ds} \quad (3.14)$$

De forma análoga, multiplicando vetorialmente ambos os membros de (3.6) e (3.8) por \vec{e}_{ml} , $m = 1, 2, \dots, M$, e integrando sobre a superfície S_I , obtém-se:

$$\int_{S_I} \left(\sum_{m=1}^M (A_{ml} - B_{ml}) \vec{h}_{ml} \times \vec{e}_{ml} \right) \cdot \vec{ds} = \int_{S_I} \left(\sum_{n=1}^N (A_{nII} - B_{nII}) \vec{h}_{nII} \times \vec{e}_{ml} \right) \cdot \vec{ds} \quad (3.15)$$

Reorganizando a equação (3.15), obtém-se:

$$\sum_{m=1}^M \left[(A_{ml} - B_{ml}) \int_{S_I} (\vec{h}_{ml} \times \vec{e}_{ml}) \cdot \vec{ds} \right] = \sum_{n=1}^N \left[(A_{nII} - B_{nII}) \int_{S_I} (\vec{h}_{nII} \times \vec{e}_{ml}) \cdot \vec{ds} \right] \quad (3.16)$$

A equação (3.16) pode ser reescrita como:

$$\sum_{n=1}^N (A_{nII} - B_{nII}) p_{nm} = r_{nm} (B_{ml} - A_{ml}) \quad (3.17)$$

$$m = 1, 2, \dots, M$$

onde,

$$r_{nm} = \int_{S_I} \vec{e}_{ml} \times \vec{h}_{ml} \cdot \vec{ds} \quad (3.18)$$

Novamente, aplicando a propriedade da ortogonalidade entre os modos na equação (3.18), nota-se que $r_{m_1 m_2}$ só será diferente de zero quando $m_1 = m_2$.

As equações (3.12) e (3.17) podem ser escritas na forma matricial:

$$[P]\{[A_I] + [B_I]\} = [Q]\{[A_{II}] + [B_{II}]\} \quad (3.19)$$

$$[P^T]\{[B_{II}] - [A_{II}]\} = [R]\{[A_I] - [B_I]\} \quad (3.20)$$

onde,

- $[A_I]$ e $[B_I]$ são matrizes $M \times 1$ contendo coeficientes A_{mI} e B_{mI} ;
- $[A_{II}]$ e $[B_{II}]$ são matrizes $N \times 1$ contendo coeficientes A_{nII} e B_{nII} ;
- $[P]$ é uma matriz $N \times M$ com elementos p_{nm} definidos em (3.13);
- $[Q]$ é uma matriz $N \times N$ com elementos q_{nn} definidos em (3.14);
- $[R]$ é uma matriz $M \times M$ com elementos r_{mm} definidos em (3.18);

As equações (3.19) e (3.20) podem ser reorganizadas de forma a se estabelecer uma relação entre os modos que se propagam em direções opostas, $[A]$ e $[B]$.

Multiplicando ambos os lados da equação (3.19) por $[Q]^{-1}$, obtém-se:

$$[B_{II}] = [Q]^{-1}[P]\{[A_I] + [B_I]\} - [A_{II}] \quad (3.21)$$

Substituindo (3.21) em (3.20), resulta em:

$$[P^T]\{[Q]^{-1}[P]\{[A_I] + [B_I]\} - 2[A_{II}]\} = [R]\{[A_I] - [B_I]\} \quad (3.22)$$

Multiplicando ambos os lados da equação (3.22) por $[R]^{-1}$, obtém-se:

$$[B_I] = [A_I] - [R]^{-1}[P^T]\{[Q]^{-1}[P]\{[A_I] + [B_I]\} - 2[A_{II}]\} \quad (3.23)$$

Reorganizando a equação (3.23), resulta em:

$$\begin{aligned} \left\{ [I] + [R]^{-1} [P^T] [Q]^{-1} [P] \right\} [B_I] &= \left\{ [I] - [R]^{-1} [P^T] [Q]^{-1} [P] \right\} [A_I] \\ &+ 2 [R]^{-1} [P^T] [A_{II}] \end{aligned} \quad (3.24)$$

Multiplicando ambos os lados da equação (3.24) por $\left[[I] + [R]^{-1} [P^T] [Q]^{-1} [P] \right]^{-1}$, obtém-se:

$$\begin{aligned} [B_I] &= \left[[I] + [R]^{-1} [P^T] [Q]^{-1} [P] \right]^{-1} \left\{ [I] - [R]^{-1} [P^T] [Q]^{-1} [P] \right\} [A_I] \\ &+ 2 \left[[I] + [R]^{-1} [P^T] [Q]^{-1} [P] \right]^{-1} [R]^{-1} [P^T] [A_{II}] \end{aligned} \quad (3.25)$$

Reorganizando a equação (3.25), pode-se chegar a uma relação entre as amplitudes dos modos incidentes na junção, A_I e A_{II} , com as amplitudes dos modos refletidos na seção de guia de onda da esquerda, B_I , o que resulta em:

$$\begin{aligned} [B_I] &= \left[[R] + [P^T] [Q]^{-1} [P] \right]^{-1} \left[[R] - [P^T] [Q]^{-1} [P] \right] [A_I] \\ &+ 2 \left[[R] + [P^T] [Q]^{-1} [P] \right]^{-1} [P^T] [A_{II}] \end{aligned} \quad (3.26)$$

Multiplicando ambos os lados da equação (3.20) por $[R]^{-1}$, obtém-se:

$$[B_I] = [A_I] - [R]^{-1} [P]^T \{ [B_{II}] - [A_{II}] \} \quad (3.27)$$

Substituindo (3.27) em (3.19), resulta em:

$$[P] \left\{ 2 [A_I] - [R]^{-1} [P]^T \{ [B_{II}] - [A_{II}] \} \right\} = [Q] \{ [A_{II}] + [B_{II}] \} \quad (3.28)$$

Utilizando o mesmo raciocínio feito acima, pode-se explicitar $[B_{II}]$ e estabelecer uma relação com $[A_I]$ e $[A_{II}]$, sendo expressa por:

$$\begin{aligned}
[B_{II}] &= 2 \left[[Q] + [P][R]^{-1} [P^T] \right]^{-1} [P][A_I] \\
&\quad - \left[[Q] + [P][R]^{-1} [P^T] \right]^{-1} \left[[Q] - [P][R]^{-1} [P^T] \right] [A_{II}]
\end{aligned} \tag{3.29}$$

O sistema de equações matriciais dado pelas equações (3.26) e (3.29) estabelece uma relação entre as amplitudes dos campos modais se propagando na direção z -positivo com as amplitudes dos campos modais se propagando na direção z -negativo, podendo ser reescrito como:

$$[B] = [S][A] \tag{3.30}$$

onde,

$$[B] = \begin{bmatrix} [B_I] \\ [B_{II}] \end{bmatrix} \tag{3.31}$$

$$[A] = \begin{bmatrix} [A_I] \\ [A_{II}] \end{bmatrix} \tag{3.32}$$

$$[S] = \begin{bmatrix} [S11] & [S12] \\ [S21] & [S22] \end{bmatrix} \tag{3.33}$$

$[S]$ é a matriz de espalhamento e as sub-matrizes que a compõem são dadas por:

$$[S11] = \left\{ [R] + [P]^T [Q]^{-1} [P] \right\}^{-1} \left\{ [R] - [P]^T [Q]^{-1} [P] \right\} \tag{3.34}$$

$$[S12] = 2 \left\{ [R] + [P]^T [Q]^{-1} [P] \right\}^{-1} [P]^T \tag{3.35}$$

$$[S21] = 2 \left\{ [Q] + [P][R]^{-1} [P^T] \right\}^{-1} [P] \tag{3.36}$$

$$[S22] = - \left\{ [Q] + [P][R]^{-1} [P^T] \right\}^{-1} \left\{ [Q] - [P][R]^{-1} [P^T] \right\} \tag{3.37}$$

Analisando as equações acima e a Figura 3.4, tem-se que $[S11]$ associa as amplitudes dos campos modais refletidos, vistos pela região I , devido aos campos modais incidentes nessa região e vice-versa para $[S22]$. $[S12]$ associa

as amplitudes dos campos refletidos, vistos pela região I , devido aos campos modais incidentes através da região II e vice-versa para $[S_{21}]$.

Considerando que é conhecido o vetor $[A]$ e calculando-se os elementos das matrizes $[P]$, $[Q]$ e $[R]$ através das expressões de campos modais das regiões I e II , o que determina assim a matriz de espalhamento referente a descontinuidade, pode-se determinar o vetor $[B]$ com as amplitudes dos campos espalhados na descontinuidade resolvendo, assim, o sistema matricial descrito pela equação (3.30). Neste desenvolvimento, considerou-se que o modo fundamental TEM_{00} se propague da seção de guia de onda menor para a maior.

No estudo de descontinuidades em guias de onda coaxiais, podem ocorrer casos onde $S_{II} < S_I$, ou seja, o modo fundamental TEM_{00} se propaga do guia de onda maior para o menor, como ilustrado na Figura 3.5. Logo, todas as considerações feitas no desenvolvimento do método de casamento de modos, relacionadas à continuidade dos campos através da descontinuidade, não serão válidas. Essa limitação pode ser contornada através da análise dos parâmetros de reflexão e transmissão das Figuras 3.4 e 3.5. Nota-se que as matrizes $[Q]$ e $[R]$ obtidas para as descontinuidades das Figuras 3.4 e 3.5, respectivamente, são idênticas, pois as integrais e os campos modais utilizados, se referem à mesma seção de guia de onda coaxial. O raciocínio é análogo na comparação das matrizes $[R]$ e $[Q]$, referentes ao guia das Figuras 3.4 e 3.5, respectivamente. No caso da matriz $[P]$, para a descontinuidade da figura 3.5, onde a integral é resolvida sobre a superfície da região I, a continuidade dos campos através da descontinuidade não será satisfeita. Porém, pode-se usar o artifício de inverter a estrutura, calculando a matriz de espalhamento referente à descontinuidade crescente, ilustrada na Figura 3.4. Posteriormente, devido a essa simetria entre as duas estruturas, a matriz de espalhamento referente à descontinuidade decrescente será expressa por:

$$[S] = \begin{bmatrix} [S_{22}] & [S_{21}] \\ [S_{12}] & [S_{11}] \end{bmatrix} \quad (3.38)$$

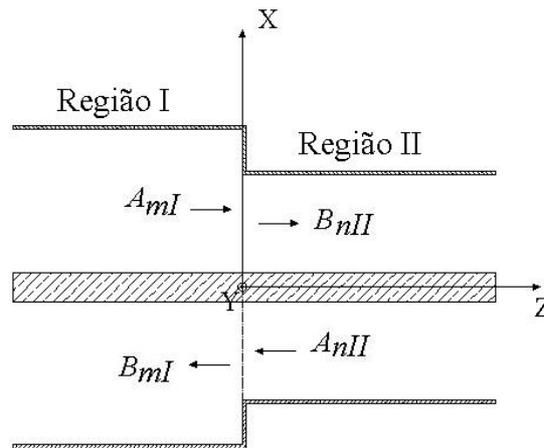


Figura 3.5 – Descontinuidade decrescente em guia de onda coaxial.

3.2.1. Cálculo dos Elementos da Matriz [P], para $l = 0$

Os elementos da matriz $[P]$, dados pela equação (3.13), estão associados à amplitude do acoplamento entre os modos das seções de guias de onda coaxiais I e II . Isso ocorre porque, a integral descrita por essa equação é realizada na região à esquerda da descontinuidade, guia I , para $z=0$, e envolve o produto vetorial entre o campo elétrico da região I , seção S_I , e o campo magnético da região II , seção S_{II} . Serão determinados os elementos da matriz $[P]$ referentes aos modos $TEM_{0(n/m)}^z$, $TM_{0(n/m)}^z$ e $TE_{0(n/m)}^z$ no desenvolvimento que segue. Os índices m e n representam os modos considerados na região I e II , respectivamente, e, como $l=0$, esses modos estão associados às funções de Bessel de primeira e segunda espécies, $J_0(\chi_{0n}\rho)$ e $N_0(\chi_{0n}\rho)$, respectivamente, como comentado no capítulo anterior.

$$p_{nm} = \int_{S_I} \vec{e}_{mI} \times \vec{h}_{nII} \cdot \vec{ds} \quad (3.39)$$

onde,

$$\vec{ds} = \hat{a}_z ds = \hat{a}_z \rho d\rho d\phi \quad (3.40)$$

$$(\vec{e}_{mI} \times \vec{h}_{nII}) \hat{a}_z = e_{\rho mI} h_{\phi nII} - e_{\phi mI} h_{\rho nII} \quad (3.41)$$

Logo:

$$p_{nm} = \int_0^{2\pi} \int_{a_1}^{b_1} (e_{\rho_{ml}} h_{\phi_{nl}} - e_{\phi_{ml}} h_{\rho_{nl}}) \rho d\rho d\phi \quad (3.42)$$

Portanto, é necessário considerar todos os cruzamentos entre os modos $TEM_{0(n/m)}^z$, $TM_{0(n/m)}^z$ e $TE_{0(n/m)}^z$ entre os meios I e II para montarmos a matriz P_{nm} . Para o caso particular onde $l=0$, os modos $TEM_{0(n/m)}^z$ e $TM_{0(n/m)}^z$ possuem somente as componentes de campo $e_{\rho_m}^{TEM/TM}$ e $h_{\phi_m}^{TEM/TM}$, logo pode-se ter os seguintes cruzamentos:

$$p_{nm}^{TEM/TEM} = \int_0^{2\pi} \int_{a_1}^{b_1} (e_{\rho_{ml}}^{TEM} h_{\phi_{nl}}^{TEM}) \rho d\rho d\phi \quad (3.43)$$

$$p_{nm}^{TEM/TM} = \int_0^{2\pi} \int_{a_1}^{b_1} (e_{\rho_{ml}}^{TEM} h_{\phi_{nl}}^{TM}) \rho d\rho d\phi \quad (3.44)$$

$$p_{nm}^{TM/TEM} = \int_0^{2\pi} \int_{a_1}^{b_1} (e_{\rho_{ml}}^{TM} h_{\phi_{nl}}^{TEM}) \rho d\rho d\phi \quad (3.45)$$

$$p_{nm}^{TM/TM} = \int_0^{2\pi} \int_{a_1}^{b_1} (e_{\rho_{ml}}^{TM} h_{\phi_{nl}}^{TM}) \rho d\rho d\phi \quad (3.46)$$

Porém, para $l=0$, os modos $TE_{0(n/m)}^z$ possuem somente as componentes de campo $e_{\phi_m}^{TE}$ e $h_{\rho_m}^{TE}$, o que torna nulo o produto vetorial $\vec{e}_{ml} \times \vec{h}_{nl}$ de todos os cruzamentos entre os modos $TE_{0(n/m)}^z$ e os modos $TEM_{0(n/m)}^z$ e $TM_{0(n/m)}^z$. Logo, para esse caso em particular ($l=0$), os modos $TE_{0(n/m)}^z$ não acoplam com os outros modos excitados no interior do guia de onda coaxial, não tendo influência sobre os parâmetros de reflexão e transmissão associados à matriz de acoplamento. Assim:

$$p_{nm}^{TEM/TE} = p_{nm}^{TE/TEM} = p_{nm}^{TE/TM} = p_{nm}^{TM/TE} = 0 \quad (3.47)$$

Portanto, será analisado somente a influência dos modos $TM_{0(n/m)}^z$ sobre o modo fundamental $TEM_{0(n/m)}^z$, e a matriz P_{nm} será montada somente com os cruzamentos entre os mesmos.

• **Modo TEM^z no primeiro guia e modo TEM^z no segundo guia**
($P_{nm}^{TEM/TEM}$)

Para o cálculo do elemento da matriz $[P]$ relacionado ao modo fundamental TEM_{00}^z da região I e ao modo fundamental TEM_{00}^z da região II , basta substituir (2.93) e (2.96) em (3.43). Logo:

$$P_{00}^{TEM/TEM} = \frac{1}{\eta_2} \int_0^{2\pi} \int_{a_1}^{b_1} \frac{1}{\rho} d\rho d\phi \quad (3.48)$$

Resolvendo a integral em ϕ e em ρ e reorganizando a equação (3.48), obtém-se:

$$P_{00}^{TEM/TEM} = \frac{2\pi}{\eta_2} \ln\left(\frac{b_1}{a_1}\right) \quad (3.49)$$

• **Modo TEM^z no primeiro guia e modos TM^z no segundo guia**
($P_{nm}^{TEM/TM}$)

Para o cálculo dos elementos da matriz $[P]$ relacionados ao modo fundamental TEM_{00}^z da região I e aos modos TM_{0n}^z da região II , basta substituir (2.93) e (2.100) em (3.44). Logo:

$$P_{n0}^{TEM/TM} = -\frac{\chi_{0n}^{TM} \beta_{0n}^{TM}}{\eta_{0n}^{TM} \omega \mu_2 \varepsilon_2} \int_0^{2\pi} \int_{a_1}^{b_1} Z_0'(\chi_{0n}^{TM} \rho) d\rho d\phi \quad (3.50)$$

Resolvendo a integral em ϕ e em ρ e reorganizando a equação (3.50), obtém-se:

$$P_{n0}^{TM/TEM} = -2\pi \frac{\chi_{0n}^{TM} \beta_{0n}^{TM}}{\eta_{0n}^{TM} \omega \mu_2 \varepsilon_2} \left[Z_0(\chi_{0n}^{TM} b_1) - Z_0(\chi_{0n}^{TM} a_1) \right] \quad (3.51)$$

onde $Z_l(\chi_{ln}^{TM} \rho)$ é descrito em (2.61).

- **Modos TM^z no primeiro guia e modo TEM^z no segundo guia**
 $(P_{nm}^{TM/TEM})$

Para o cálculo dos elementos da matriz $[P]$ relacionados aos modos TM_{0m}^z da região I e ao modo fundamental TEM_{00}^z da região II , basta substituir (2.99) e (2.96) em (3.45). Logo:

$$P_{0m}^{TM/TEM} = -\frac{\chi_{0m}^{TM} \beta_{0m}^{TM}}{\omega \mu_1 \varepsilon_1 \eta_2} \int_0^{2\pi} \int_{a_1}^{b_1} Z_0'(\chi_{0m}^{TM} \rho) d\rho d\phi \quad (3.52)$$

Resolvendo a integral em ϕ e em ρ e reorganizando a equação (3.52), obtém-se:

$$P_{0m}^{TM/TEM} = -2\pi \frac{\chi_{0m}^{TM} \beta_{0m}^{TM}}{\omega \mu_1 \varepsilon_1 \eta_2} \left[Z_0(\chi_{0m}^{TM} b_1) - Z_0(\chi_{0m}^{TM} a_1) \right] \quad (3.53)$$

Devido às condições de contorno para o modo TM_{0m}^z descritas por (2.39), $Z_0(\chi_{0m}^{TM} b_1) = Z_0(\chi_{0m}^{TM} a_1) = 0$, logo:

$$P_{0m}^{TM/TEM} = 0 \quad (3.54)$$

- **Modos TM^z no primeiro guia e modos TM^z no segundo guia**
 $(P_{nm}^{TM/TEM})$

Para o cálculo dos elementos da matriz $[P]$ relacionados aos modos TM_{0m}^z da região I e aos modos TM_{0n}^z da região II , basta substituir (2.99) e (2.100) em (3.46). Logo:

$$P_{nm}^{TM/TM} = \frac{\chi_{0m}^{TM} \beta_{0m}^{TM} \chi_{0n}^{TM} \beta_{0n}^{TM}}{\omega^2 \mu_1 \varepsilon_1 \mu_2 \varepsilon_2 \eta_{0n}^{TM}} \int_0^{2\pi} \int_{a_1}^{b_1} Z_0'(\chi_{0m}^{TM} \rho) Z_0'(\chi_{0n}^{TM} \rho) \rho d\rho d\phi \quad (3.55)$$

Resolvendo a integral em ϕ e em ρ e reorganizando a equação (3.55), obtém-se:

$$P_{nm}^{TM/TM} = \frac{2\pi \beta_{0m}^{TM} \beta_{0n}^{TM} (\chi_{0m}^{TM} \chi_{0n}^{TM})^2}{\omega^2 \mu_1 \varepsilon_1 \mu_2 \varepsilon_2 \eta_{0n}^{TM} \left[(\chi_{0n}^{TM})^2 - (\chi_{0m}^{TM})^2 \right]} \left\{ \begin{array}{l} \left[a_1 \chi_{0n}^{TM} Z_1(\chi_{0m}^{TM} a_1) Z_0(\chi_{0n}^{TM} a_1) \right] \\ - \left[b_1 \chi_{0n}^{TM} Z_1(\chi_{0m}^{TM} b_1) Z_0(\chi_{0n}^{TM} b_1) \right] \end{array} \right\} \quad (3.56)$$

onde $Z_l(\chi_{ln}^{TM} \rho)$ é descrito em (2.61).

3.2.2. Cálculo dos Elementos da Matriz $[R]$ para $l = 0$

A integral descrita pela equação (3.18) é realizada na região à esquerda da descontinuidade, seção de guia de onda coaxial I , para $z = 0$, e representa a amplitude associada a cada modo excitado nessa seção de guia de onda coaxial. Serão determinados os elementos da matriz $[R]$ referentes aos modos TEM_{00}^z e TM_{0m}^z , visto que os modos TE_{0m}^z não acoplam com os demais. O índice m representa o modo TM_{0m}^z considerado e, como $l = 0$, esses modos estão associados às funções de Bessel de primeira e segunda espécies, $J_0(\chi_{0n} \rho)$ e $N_0(\chi_{0n} \rho)$ respectivamente, como comentado no capítulo anterior.

- **Modo TEM^z**

Para o cálculo do elemento da matriz $[R]$ relacionado ao modo fundamental TEM_{00}^z da região I , a equação (3.18) será dada por:

$$r_{00}^{TEM} = \int_{S_I} \vec{e}_{0I}^{TEM} \times \vec{h}_{0I}^{TEM} \cdot \vec{ds}, \quad (3.57)$$

onde:

$$\vec{ds} = \hat{a}_z ds = \hat{a}_z \rho d\rho d\phi \quad (3.58)$$

$$\left(\vec{e}_{0I}^{TEM} \times \vec{h}_{0I}^{TEM} \right) \hat{a}_z = e_{\rho 0I}^{TEM} h_{\phi 0I}^{TEM} \quad (3.59)$$

Substituindo (3.58) e (3.59) em (3.57) resulta em:

$$r_{00}^{TEM} = \int_0^{2\pi} \int_{a_1}^{b_1} (e_{\rho 0I}^{TEM} h_{\phi 0I}^{TEM}) \rho d\rho d\phi \quad (3.60)$$

Substituindo (2.93) e (2.96) em (3.60), obtém-se:

$$r_{00}^{TEM} = \frac{I}{\eta_1} \int_0^{2\pi} \int_{a_1}^{b_1} \frac{1}{\rho} d\rho d\phi \quad (3.61)$$

Resolvendo a integral em ϕ e em ρ a equação (3.61) pode ser expressa por:

$$r_{00}^{TEM} = \frac{2\pi}{\eta_1} \ln \left(\frac{b_1}{a_1} \right) \quad (3.62)$$

- **Modos TM^z**

Para o cálculo dos elementos da matriz $[R]$ relacionados aos modos TM_{0m}^z da região I , a equação (3.18) será dada por:

$$r_{mm}^{TM} = \int_{S_I} \vec{e}_{mI}^{TM} \times \vec{h}_{mI}^{TM} \cdot \vec{ds} \quad (3.63)$$

Seguindo o mesmo raciocínio do caso TEM_{00}^z , a equação (3.63) resulta:

$$r_{mm}^{TM} = \int_0^{2\pi} \int_{a_1}^{b_1} (e_{\rho ml}^{TM} h_{\phi ml}^{TM}) \rho d\rho d\phi \quad (3.64)$$

Substituindo (2.99) e (2.100) em (3.64), obtém-se:

$$r_{mm}^{TM} = \frac{I}{\eta_{0m}^{TM}} \left(\frac{\chi_{0m}^{TM} \beta_{0m}^{TM}}{\omega \mu_1 \varepsilon_1} \right)^2 \int_0^{2\pi} \int_{a_1}^{b_1} [Z_0'(\chi_{0m}^{TM} \rho)]^2 \rho d\rho d\phi \quad (3.65)$$

Resolvendo a integral em ϕ e em ρ a equação (3.65) pode ser expressa por:

$$r_{mm}^{TM} = \frac{2\pi}{\eta_{0m}^{TM}} \left(\frac{\beta_{0m}^{TM}}{\omega \mu_1 \varepsilon_1} \right)^2 (\chi_{0m}^{TM})^3 \left\{ \frac{b_1^2}{2} \left[(Z_1'(\chi_{0m}^{TM} b_1))^2 + \left(1 - \frac{1}{(\chi_{0m}^{TM} b_1)^2} \right) (Z_1(\chi_{0m}^{TM} b_1))^2 \right] - \frac{a_1^2}{2} \left[(Z_1'(\chi_{0m}^{TM} a_1))^2 + \left(1 - \frac{1}{(\chi_{0m}^{TM} a_1)^2} \right) (Z_1(\chi_{0m}^{TM} a_1))^2 \right] \right\} \quad (3.66)$$

onde $Z_l(\chi_{ln}^{TM} \rho)$ e $Z_l'(\chi_{ln}^{TM} \rho)$ são descritos em (2.61) e (2.62), respectivamente.

3.2.3. Cálculo dos Elementos da Matriz [Q], para $l = 0$

O cálculo dos elementos da matriz $[Q]$, dado pela equação (3.14), é análogo ao da matriz $[R]$, mudando apenas as dimensões da seção de guia de onda utilizado. Isso ocorre porque a integral descrita pela equação (3.14) é realizada na região à direita da descontinuidade, seção de guia de onda coaxial II, para $z = 0$, e representa a potência associada a cada modo excitado nesse guia de onda coaxial. Serão determinados os elementos da matriz $[Q]$ referentes aos modos TEM_{00}^z e TM_{0n}^z , visto que os modos TE_{0n}^z não acoplam com os demais. O índice n representa o modo TM_{0n}^z considerado e, como $l = 0$, esses modos estão associados às funções de Bessel de primeira e

segunda espécie, $J_0(\chi_{0n}\rho)$ e $N_0(\chi_{0n}\rho)$, respectivamente, como comentado no capítulo anterior.

- **Modo TEM^z**

$$q_{00}^{TEM} = \frac{2\pi}{\eta_2} \ln\left(\frac{b_2}{a_2}\right) \quad (3.67)$$

- **Modos TM^z**

$$q_m^{TM} = \frac{2\pi}{\eta_{0n}^{TM}} \left(\frac{\beta_{0n}^{TM}}{\omega\mu_2\epsilon_2} \right)^2 (\chi_{0n}^{TM})^3 \left\{ \frac{b_2^2}{2} \left[(Z_1'(\chi_{0n}^{TM} b_2))^2 + \left(1 - \frac{1}{(\chi_{0n}^{TM} b_2)^2} \right) (Z_1(\chi_{0n}^{TM} b_2))^2 \right] - \frac{a_2^2}{2} \left[(Z_1'(\chi_{0n}^{TM} a_2))^2 + \left(1 - \frac{1}{(\chi_{0n}^{TM} a_2)^2} \right) (Z_1(\chi_{0n}^{TM} a_2))^2 \right] \right\} \quad (3.68)$$

onde $Z_1(\chi_{ln}^{TM} \rho)$ e $Z_1'(\chi_{ln}^{TM} \rho)$ são descritos em (2.61) e (2.62), respectivamente.

3.3.

Cascadeamento Progressivo das Matrizes de Espalhamento de Várias Descontinuidades

As expressões descritas na seção anterior consideram a existência de apenas uma descontinuidade entre dois guias de onda coaxiais. A necessidade de produzir baixas perdas ao longo de largas bandas de frequência pode requerer a utilização de estruturas compostas por diversas descontinuidades, como ilustrado na Figura 3.1, tornando mais complexa a matriz de espalhamento geral do dispositivo. As expressões para a matriz de espalhamento da associação em cascata de várias descontinuidades é apresentada em [9]. Para essa associação, necessita-se incluir na agregação de uma segunda descontinuidade a matriz de espalhamento do guia de onda coaxial liso de

comprimento L que separa as duas descontinuidades, onde, primeiramente, é feito o cascadeamento da matriz de espalhamento da primeira descontinuidade com a matriz do guia de onda liso e, posteriormente, o cascadeamento do resultado da primeira associação com a matriz de espalhamento da próxima descontinuidade. Esse procedimento será repetido tantas vezes quantas forem necessárias, de acordo com o número de descontinuidades existentes na estrutura de acoplamento.

3.3.1. Matriz de Espalhamento de um Trecho de Guia de Onda Coaxial liso

Os elementos da matriz de espalhamento de um trecho de guia de onda coaxial liso estão associados, no caso do modo ser propagante, à defasagem ou à atenuação, no caso dos modos serem evanescentes, que cada modo terá ao percorrer esse guia de onda coaxial liso. Essa fase ou atenuação aparecerá tanto no parâmetro de transmissão, através da descontinuidade subsequente, quanto no parâmetro de reflexão dos modos que retornam à primeira descontinuidade, como ilustrado na Figura 3.2. Dessa forma, a matriz de espalhamento do trecho de guia de onda coaxial liso será dado por [13]:

$$[S] = \begin{bmatrix} [0] & [S12] \\ [S12] & [0] \end{bmatrix} \quad (3.69)$$

$[S12]$ é uma matriz diagonal com elementos dados por:

$$S12_{mn} = e^{-j\gamma L}, \quad \text{para } n_1 = n_2 \quad (3.70)$$

$$S12_{mn} = 0, \quad \text{para } n_1 \neq n_2 \quad (3.71)$$

Para o caso onde a dependência azimutal da onda é $l = 0$, tem-se apenas o acoplamento entre os modos TEM_{00}^z e TM_{mn}^z . Logo, a constante de propagação será expressa por:

$$\begin{cases} \gamma^{TEM} = k \\ \gamma^{TM} = \beta_{0n}^{TM} \end{cases} \quad (3.72)$$

As dimensões dos cilindros condutores interno e externo, a e b , respectivamente, são dimensionadas de forma que apenas o modo fundamental TEM_{00}^z se propague e todos os modos superiores TM_{mn}^z sejam evanescentes. Nesse caso, β_{0n}^{TM} será imaginário e expresso pela equação (2.44). Portanto, os elementos da matriz de espalhamento para o guia de onda coaxial liso, correspondentes a esses modos superiores, serão dados por uma exponencial decrescente com amplitude inversamente proporcional à ordem n do modo, ou seja, quanto maior for o valor de n , menor será a influência desse modo superior no comportamento dos campos elétrico e magnético no interior do guia de onda coaxial.

O comprimento do guia de onda coaxial liso L é muito importante no dimensionamento do número máximo N de modos superiores TM_{mn}^z a serem considerados na implementação do Método de Casamento de Modos. À medida que L aumenta, diminuirá o número de modos superiores necessários no cálculo da matriz de espalhamento associado a essa seção de guia de onda coaxial liso, pois grande parte da amplitude desses modos superiores será atenuada até atingir a próxima descontinuidade, minimizando assim sua influência nos parâmetros de transmissão e reflexão da descontinuidade subsequente e vice-versa.

3.3.2. Matriz de Espalhamento da Associação em Cascata de duas Descontinuidades

Como ilustrado na Figura 3.6.(a), as matrizes $[S^a]$ e $[S^b]$ estabelecem uma relação entre os modos incidentes e refletidos em cada uma das descontinuidades (a e b) analisadas isoladamente [14].

A associação das descontinuidades requer uma matriz $[S^c]$ que estabeleça uma relação entre os modos incidentes $[A_I]$ e $[A_{III}]$ com os modos refletidos $[B_I]$ e $[B_{III}]$ nas portas de entrada e saída do dispositivo de acoplamento, como ilustrado no Figura 3.6.(c).

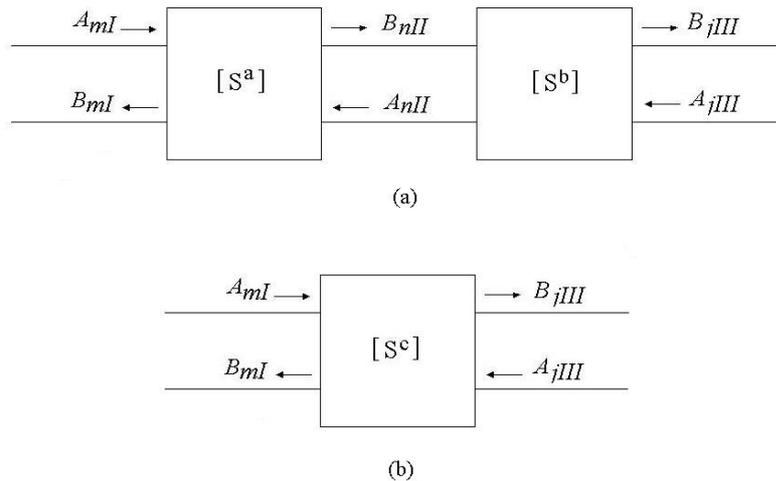


Figura 3.6 – (a) representação das duas matrizes de espalhamento conectadas, (b) representação da matriz de espalhamento geral obtida pelo cascadeamento.

Para determinar a matriz de espalhamento $[S^c]$ dessa associação de descontinuidades deve-se resolver o seguinte sistema de equações matriciais em termos dos vetores $[A_I]$ e $[A_{III}]$, e $[B_I]$ e $[B_{III}]$, expresso por:

$$\begin{bmatrix} [B_I] \\ [B_{III}] \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} [S_{11}^c] & [S_{12}^c] \\ [S_{21}^c] & [S_{22}^c] \end{bmatrix} \begin{bmatrix} [A_I] \\ [A_{III}] \end{bmatrix} \quad (3.73)$$

Para chegar a esse sistema de equações matriciais que descreve a associação das duas descontinuidades, será feita a manipulação dos sistemas de equações matriciais que descrevem cada descontinuidade, expressos por:

Para a primeira matriz de espalhamento:

$$\begin{bmatrix} [B_I] \\ [B_{II}] \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} [S_{11}^a] & [S_{12}^a] \\ [S_{21}^a] & [S_{22}^a] \end{bmatrix} \begin{bmatrix} [A_I] \\ [A_{II}] \end{bmatrix} \quad (3.74)$$

Para a segunda matriz de espalhamento:

$$\begin{bmatrix} [A_{II}] \\ [B_{III}] \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} [S_{11}^b] & [S_{12}^b] \\ [S_{21}^b] & [S_{22}^b] \end{bmatrix} \begin{bmatrix} [B_{II}] \\ [A_{III}] \end{bmatrix} \quad (3.75)$$

As equações matriciais (3.74) e (3.75) podem ser reescritas como:

$$[B_I] = [S_{11}^a][A_I] + [S_{12}^a][A_{II}] \quad (3.76)$$

$$[B_{II}] = [S_{21}^a][A_I] + [S_{22}^a][A_{II}] \quad (3.77)$$

$$[A_{II}] = [S_{11}^b][B_{II}] + [S_{12}^b][A_{III}] \quad (3.78)$$

$$[B_{III}] = [S_{21}^b][B_{II}] + [S_{22}^b][A_{III}] \quad (3.79)$$

Explicitando $[B_{II}]$ na equação (3.78), obtém-se:

$$[B_{II}] = [S_{11}^b]^{-1}[A_{II}] - [S_{11}^b]^{-1}[S_{12}^b][A_{III}] \quad (3.80)$$

Substituindo a equação (3.80) na equação (3.77) e explicitando $[A_{II}]$, resulta:

$$[A_{II}] = \left[[S_{11}^b] - [S_{22}^a]^{-1} \right] [S_{21}^a][A_I] + \left[[S_{11}^b] - [S_{22}^a]^{-1} \right] [S_{11}^b]^{-1} [S_{12}^b][A_{III}] \quad (3.81)$$

Substituindo a equação (3.81) na equação (3.76), obtém-se:

$$\begin{aligned} [B_I] &= \left[[S_{11}^a][S_{12}^a] \left[[S_{11}^b] - [S_{22}^a]^{-1} \right] [S_{21}^a] \right] [A_I] \\ &+ \left[[S_{12}^a] \left[[S_{11}^b] - [S_{22}^a]^{-1} \right] [S_{11}^b]^{-1} [S_{12}^b] \right] [A_{III}] \end{aligned} \quad (3.82)$$

A equação (3.82) pode ser reescrita como:

$$\begin{aligned} [B_I] &= \left\{ [S_{12}^a] \left[[I] - ([S_{11}^b][S_{22}^a])^{-1} \right] [S_{11}^b][S_{21}^a] + [S_{11}^a] \right\} [A_I] \\ &+ \left\{ [S_{12}^a] \left[[I] - ([S_{11}^b][S_{22}^a])^{-1} \right] [S_{12}^b] \right\} [A_{III}] \end{aligned} \quad (3.83)$$

A equação (3.83) determina a relação entre as amplitudes dos campos modais incidentes nas portas de entrada e saída com as amplitudes dos campos modais refletidos na porta de entrada do dispositivo.

De forma análoga, explicitando $[B_{II}]$ em (3.79), obtém-se:

$$[B_{II}] = [S_{21}^b]^{-1} [B_{III}] - [S_{21}^b]^{-1} [S_{22}^b] [A_{III}] \quad (3.84)$$

Substituindo a equação (3.84) na equação (3.78) e explicitando $[A_{II}]$, resulta:

$$[A_{II}] = [S_{11}^b] [S_{21}^b]^{-1} [B_{III}] + \left\{ [S_{12}^b] - [S_{11}^b] [S_{21}^b]^{-1} [S_{22}^b] \right\} [A_{III}] \quad (3.85)$$

Substituindo a equação (3.84) na equação (3.77), obtém-se:

$$[S_{21}^b]^{-1} [B_{III}] - [S_{21}^b]^{-1} [S_{22}^b] [A_{III}] = [S_{21}^a] [A_I] + [S_{22}^a] [A_{II}] \quad (3.86)$$

Substituindo (3.85) em (3.86), resulta:

$$\begin{aligned} \left\{ [S_{21}^b]^{-1} - [S_{22}^a] [S_{11}^b] [S_{21}^b]^{-1} \right\} [B_{III}] &= [S_{21}^a] [A_I] \\ + \left\{ [S_{21}^b]^{-1} [S_{22}^b] + [S_{22}^a] [S_{12}^b] - [S_{22}^a] [S_{11}^b] [S_{21}^b]^{-1} [S_{22}^b] \right\} [A_{III}] & \end{aligned} \quad (3.87)$$

A equação (3.87) pode ser expressa explicitando $[B_{III}]$:

$$\begin{aligned} [B_{III}] &= \left\{ [S_{21}^b] - ([S_{22}^a] [S_{11}^b])^{-1} [S_{21}^b] \right\} \\ &\left\{ \left[[S_{21}^b]^{-1} [S_{22}^b] + [S_{22}^a] [S_{12}^b] - [S_{22}^a] [S_{11}^b] [S_{21}^b]^{-1} [S_{22}^b] \right] [A_{III}] \right\} \\ &\left\{ + [S_{21}^a] [A_I] \right\} \end{aligned} \quad (3.88)$$

A equação (3.88) pode ser reescrita como:

$$\begin{aligned}
[B_{III}] &= \left\{ [S_{21}^b] \left[[I] - ([S_{22}^a] [S_{11}^b])^{-1} [S_{21}^a] \right] \right\} [A_I] \\
&\left\{ [S_{21}^b] \left[[I] - ([S_{22}^a] [S_{11}^b])^{-1} [S_{22}^a] [S_{12}^b] + [S_{22}^b] \right] \right\} [A_{III}]
\end{aligned} \tag{3.89}$$

A equação (3.89) determina a relação entre as amplitudes dos campos modais incidentes nas portas de entrada e saída com as amplitudes dos campos modais refletidos na porta de saída do dispositivo de acoplamento.

As equações (3.83) e (3.89) podem ser combinadas em uma única equação matricial, expressa por:

$$[B] = [S^C] [A] \tag{3.90}$$

onde,

$$[B] = \begin{bmatrix} [B_I] \\ [B_{III}] \end{bmatrix} \tag{3.91}$$

$$[A] = \begin{bmatrix} [A_I] \\ [A_{III}] \end{bmatrix} \tag{3.92}$$

$$[S^C] = \begin{bmatrix} [S_{11}^C] & [S_{12}^C] \\ [S_{21}^C] & [S_{22}^C] \end{bmatrix} \tag{3.93}$$

$[S^C]$ é a matriz de espalhamento resultante do cascadeamento de duas matrizes de espalhamento quaisquer, como ilustrado na Figura 3.6.(b), e as sub-matrizes que a compõem são dadas por:

$$[S_{11}^C] = [S_{12}^a] \left\{ [I] - [S_{11}^b] [S_{22}^a] \right\}^{-1} [S_{11}^b] [S_{21}^a] + [S_{11}^a] \tag{3.94}$$

$$[S_{12}^C] = [S_{12}^a] \left\{ [I] - [S_{11}^b] [S_{22}^a] \right\}^{-1} [S_{12}^b] \tag{3.95}$$

$$[S_{21}^C] = [S_{21}^b] \left\{ [I] - [S_{22}^a] [S_{11}^b] \right\}^{-1} [S_{21}^a] \tag{3.96}$$

$$[S_{22}^C] = [S_{21}^b] \left\{ [I] - [S_{22}^a] [S_{11}^b] \right\}^{-1} [S_{22}^a] [S_{12}^b] + [S_{22}^b] \tag{3.97}$$

As equações de (3.94) a (3.97), para o caso particular do cascadeamento entre uma matriz de espalhamento de uma descontinuidade qualquer S^a com a matriz de espalhamento de um guia de onda coaxial liso S^d , podem ser expressas por:

$$[S11^c] = [S11^a] \quad (3.98)$$

$$[S12^c] = [S12^a][S12^d] \quad (3.99)$$

$$[S21^c] = [S12^d][S21^a] \quad (3.100)$$

$$[S22^c] = [S12^d][S22^a][S12^d] \quad (3.101)$$

3.4.

Validação do Algoritmo Numérico Implementado

A partir da formulação descrita nos capítulos 2 e 3, foi implementado um algoritmo em *FORTRAN*. Para a validação desse algoritmo, foram utilizados dois exemplos de acopladores, e os resultados obtidos nas simulações foram comparados com os encontrados na referência [8].

Os dois tipos de acopladores foram selecionados devido à diversidade de situações que podem existir nesse tipo de estrutura.

3.4.1.

Primeiro caso

Neste primeiro exemplo, considerou-se uma estrutura coaxial construída para acoplar dois guias de onda coaxiais de 60Ω com dimensões distintas, devendo operar na faixa de frequência de 1 a 20GHZ. A Figura 3.7 ilustra as descontinuidades que constituem a estrutura considerada, e a Tabela 3.1 lista as dimensões envolvidas. Essa estrutura é composta por seções com meio uniforme e apresenta os dois tipos de descontinuidades, crescente e decrescente, discutidas no item 3.2.

A estrutura foi dimensionada para que em todas as seções de guia de onda coaxiais somente o modo fundamental TEM_{00}^z se propague e todos os modos superiores TM_{0m}^z sejam evanescentes. Como especificado em [8], para as três seções de guia de onda coaxial liso, foram considerados 20 modos TM_{0m}^z

que, de acordo com as observações anteriores, são suficientes para garantir a convergência da aproximação dos campos no interior de todas as seções de guias de onda coaxiais.

Na referência [8], são mostrados os resultados obtidos pela aplicação do Método de Casamento de Modos, similar ao desenvolvido neste trabalho, e os obtidos pelo Método de Elementos Finitos. Na Figura 3.8, são indicados os valores obtidos através do Método de Elementos Finitos da referência [8] e os valores obtidos pelo Método de Casamento de Modos através do algoritmo implementado, para o módulo da taxa de retorno referente ao modo fundamental TEM_{00}^z , $|S_{11_{00}}|$, em função da frequência $f(GHz)$. Como observado, os dados apresentam concordância.

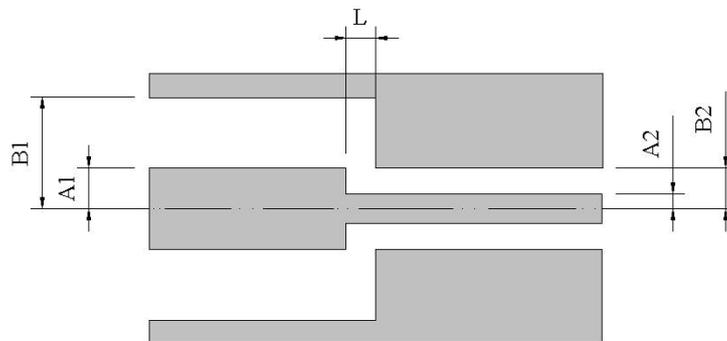


Figura 3.7 – Estrutura de acoplamento entre dois guias de onda coaxiais de dimensões distintas.

Seção de guia de onda coaxial	A (mm)	B (mm)
Guia 1	1.84	5.00
Guia 2	0.66	1.81
Comprimento da seção de guia de onda coaxial liso (mm)		
L	1.29	

Tabela 3.1 – Dimensões da estrutura de acoplamento da figura 3.7.

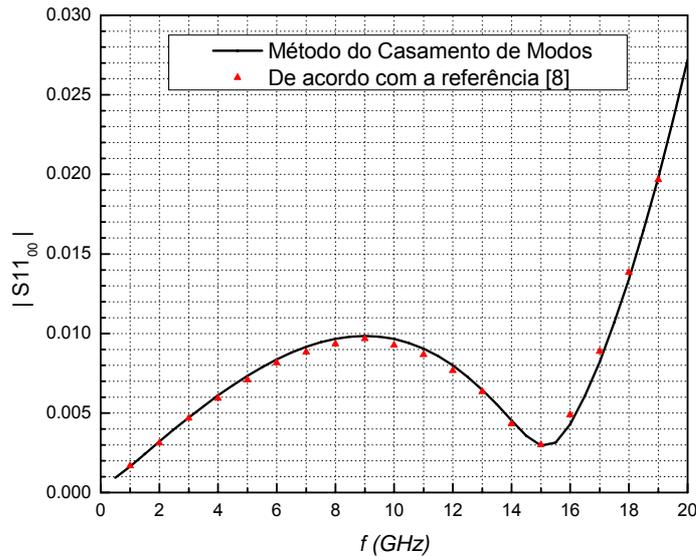


Figura 3.8 – $|S11_{00}|$ (dB) para a estrutura de acoplamento da Figura 3.7.

3.4.2. Segundo caso

Para este segundo exemplo, considerou-se uma estrutura coaxial construída para acoplar dois guias de onda coaxiais de 60Ω com dimensões iguais, porém, com a inclusão de um anel dielétrico, devendo operar na faixa de frequência de 1 a 11GHz. A Figura 3.9 ilustra as discontinuidades que constituem a estrutura considerada, e a Tabela 3.2 lista as dimensões envolvidas. Os anéis dielétricos são importantes na construção de dispositivos coaxiais, pois, além de ajudarem na centralização do condutor interno, também contribuem no aumento da rigidez mecânica do dispositivo.

A estrutura foi dimensionada para que, em todas as seções de guias de onda coaxiais, somente o modo fundamental TEM_{00}^z se propague e todos os modos superiores TM_{0m}^z sejam evanescentes. Como especificado em [8], para todas as seções de guia de onda coaxial liso, foram considerados 20 modos TM_{0m}^z que, de acordo com as observações anteriores, são suficientes para garantir a convergência da aproximação dos campos no interior de todas as seções de guias de onda coaxiais.

Na Figura 3.10 são indicados os valores obtidos através do Método de Elementos Finitos da referência [8] e os valores obtidos pelo Método de Casamento de Modos através do algoritmo implementado, para o módulo da

taxa de retorno referente ao modo fundamental TEM_{00}^z , $|S_{11_{00}}|$, em função da frequência $f(GHz)$. Como observado na figura, os dados apresentam concordância.

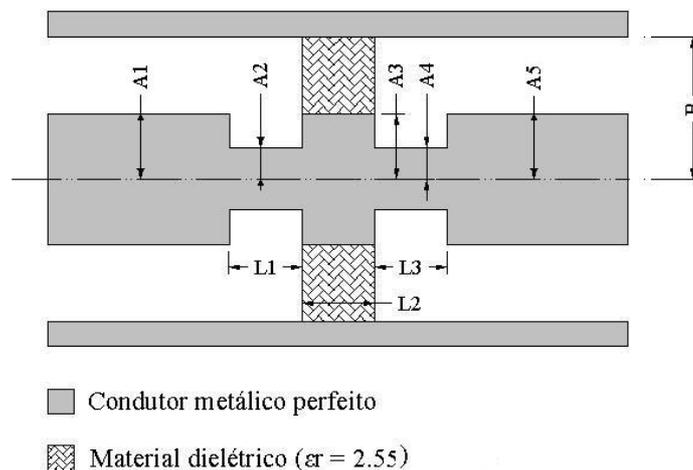


Figura 3.9 – Estrutura de acoplamento entre dois guias de onda coaxiais de dimensões iguais, utilizando carregamento dielétrico.

Seção de guia de onda coaxial	A (mm)	B (mm)
Guia 1	1.84	5.00
Guia 2	0.86	5.00
Guia 3	1.84	5.00
Guia 4	0.86	5.00
Guia 5	1.84	5.00
Comprimento das seções de guias de onda coaxiais lisos (mm)		
L_1	1.00	
L_2	1.00	
L_3	1.00	

Tabela 3.2 – Dimensões da estrutura de acoplamento da figura 3.9.

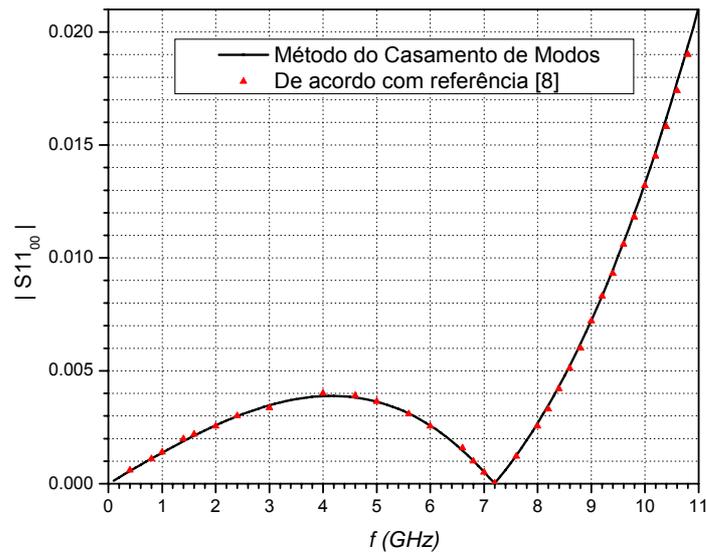


Figura 3.10 – $|S_{11_{00}}|$ (dB) para a estrutura de acoplamento da
Figura 3.9.